

Hans-Georg Weigand

Zehn Bedenken eines – fiktiven – Lehrers^{*)}
gegenüber dem Computereinsatz im
Mathematikunterricht

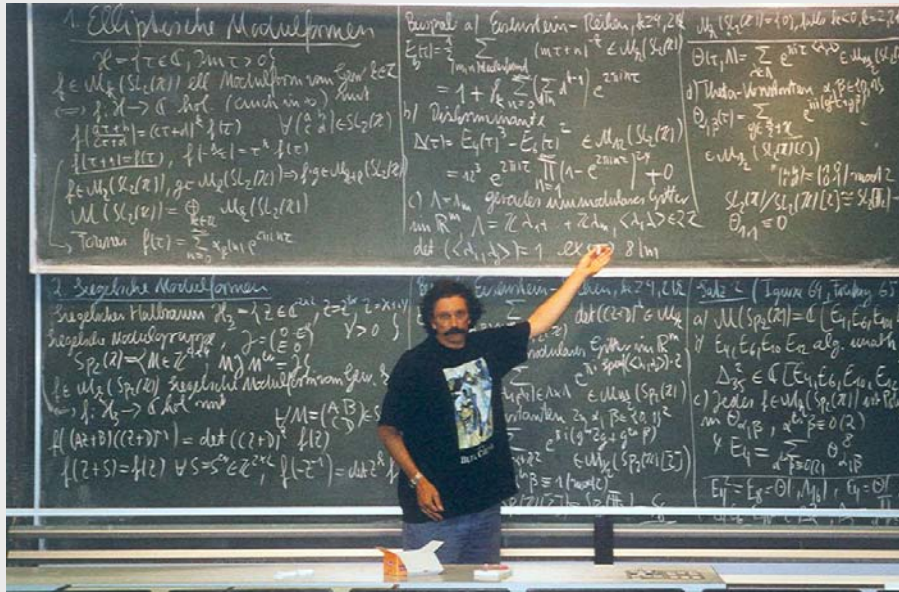
*(Manche Bilder mussten aufgrund von
Urheberrechten entfernt werden)*

^{*)} und mancher Lehrerin



Minderwertigkeitsgefühl oder Die Schüler sind besser (auch schon bei Studierenden!!)

"Die Schüler beherrschen den Computer besser als ich,
eigentlich kann ich nur von den Schülern lernen und nicht
umgekehrt."



- Was heißt „die“ Schüler?
- Technische und inhaltliche Ebene
- Der Sportunterricht als Beispiel
- Eine Lösung: Verteiltes Expertenwissen in der Klasse



Wissenschaft als Zeuge oder Die normative Kraft des Faktischen

"Es gibt viele Studien, die zeigen, dass Computer in der Schule nichts bringen!"



PISA 2006



„So lässt sich für die programmbezogenen und eingeschränkten Nutzer mit hoher Computererfahrung eine signifikant höhere Mathematikkompetenz nachweisen als für Jugendliche mit weniger Computererfahrung, ... wobei die Effekte allerdings recht gering sind.“ (S. 303)

„Wieder (wie in PISA 2003) ist Deutschland dasjenige OECD-Land, in dem der Computer am seltensten als Lernwerkzeug im Unterricht eingesetzt wird.“ (S. 301)



PISA 2006



„So lässt sich für die programmbezogenen und eingeschränkten Nutzer mit hoher Computererfahrung eine signifikant höhere Mathematikkompetenz nachweisen als für Jugendliche mit weniger Computererfahrung, ... wobei die Effekte allerdings recht gering sind.“ (S. 303)

„Wieder (wie in PISA 2003) ist Deutschland dasjenige OECD-Land, in dem der Computer am seltensten als Lernwerkzeug im Unterricht eingesetzt wird.“ (S. 301)



PISA 2006



Interessant:

- In über 90 Prozent der Familien von 15-jährigen Schülern in Deutschland ist inzwischen ein PC vorhanden.
- Die Schule hat (in Deutschland) einen zu geringen Stellenwert bei der Vermittlung computerbezogener Kenntnisse

Von Birgitta vom Lehn

„WAS SIE HIER SEHEN, ist das Forum. Das Forum war der Marktplatz der Römer.“ Tatsächlich sieht man auf der Schülerwebsite aber keine römischen Ruinen, sondern „nur“ Mauerreste in einem Berliner Park. Sechstklässler der Heinrich-Zille-Grundschule haben gefakte Beiträge für die Website „Römer in Berlin“ produziert. Lehrer Markus Schega hat die Kinder an zwei Vormittagen losgeschickt, damit sie fotografieren, malen, scannen, in „Word“ schreiben und redigieren. Anschließend haben sie gemeinsam die Website erstellt.

Das für eine Schulklasse doch sehr merkwürdig anmutende „Fälscherprojekt“ hat durchaus einen pädagogisch sinnvollen Hintergrund: Die Kids sollen lernen, den Wahrheitsgehalt von Informationen aus dem Internet kritisch zu hinterfragen. Sie sollen sehen, wie leicht es ist, falsche Informationen im Internet zu veröffentlichen. Quasi nebenbei lernen sie den sachgerechten Umgang mit Digitalkamera und Scanner sowie eine gescheite Präsentation mittels Beamer, Laptop und Mikrofon.

Ein solch mustergültiger Einstieg in die Welt der Neuen Medien ist in den Schulen allerdings keineswegs selbstverständlich. Der soeben erschienene Evaluationsbericht zur Initiative „Schulen ans Netz“, die vor zehn Jahren vom Bundesbildungsministerium und der Deutschen Telekom aus der Taufe gehoben wurde, meldet einigen Nachholbedarf an. Computer- und Internet-basierte Projekte in „Laptop-Klassen“ gebe es noch zu selten oder zu halbherzig.

Die Mehrheit der Lehrer nutze die Neuen Medien im Unterricht höchstens sporadisch, zum Teil nur alle paar Monate, heißt es dort. Und weiter: „Die intensive Nutzung

Leichter lernen mit dem Laptop

Seit zehn Jahren gibt es das Projekt „Schulen ans Netz“. Die Erfahrungen von Pädagogen damit sind rundweg positiv, doch noch werden die Neuen Medien zu selten genutzt



Arbeiten mit PC oder Laptop und Internet fördert Teamarbeit, Ausdrucksfähigkeit und die Klarheit der Gedanken



Wissen | Pisa | 1000 Fragen | Recht haben

06. Oktober 2005

Drucken | Senden | Leserbrief | Bookmark

SCHÜLER

Schrift: - +

Je mehr am Computer, desto dümmer

Von Carola Padtberg

Die Pisa-Studie legte nahe, dass Schüler im Unterricht besser abschneiden, wenn sie viel Zeit am Computer verbringen. Zwei Münchner Forscher halten das für Unfug - weil Jugendliche am Rechner mehr daddeln als lernen. Darum fordern sie: volle Kraft zurück.

ENTDECKEN SIE

SPIEGEL ONLINE

HIER GEHT ES LOS ▶

Der Tag

Freitag, 14. Oktober 2005, 14:30 Uhr

Der Tag

Der Tag
Der Tag
Der Tag

DER TAG

Kompakt und ganz nach Ihren Wünschen: Der individuelle Newsletter von SPIEGEL ONLINE – wann und wie Sie wollen mehr...

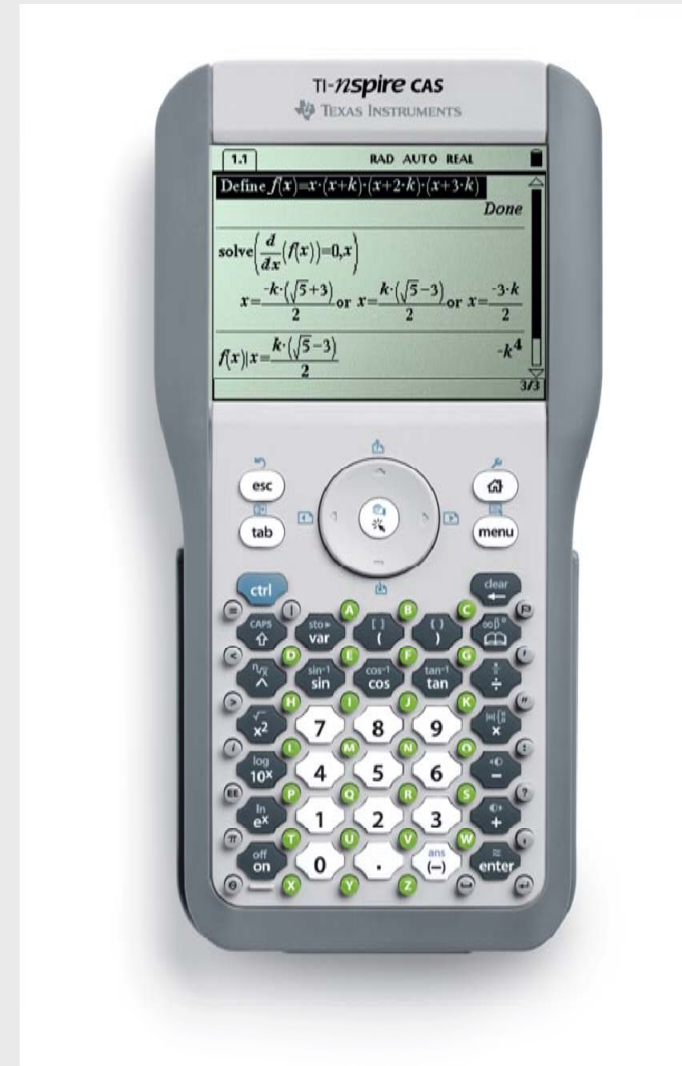
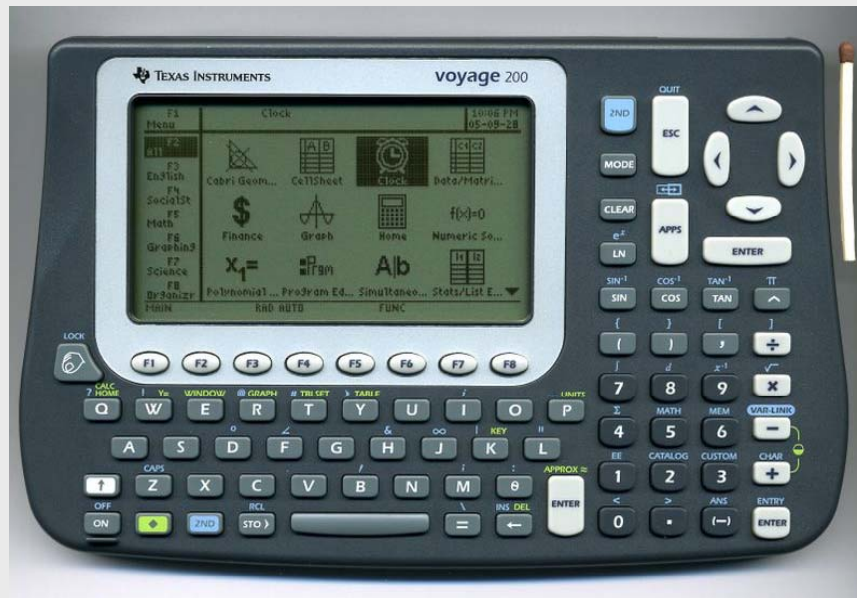
Kultusministerien, Bildungseinrichtungen und Eltern machen derzeit viel Geld locker, um Schülern die besten Lernbedingungen am Computer zu ermöglichen. Das ist offenbar ein Irrweg: Computer gehen nicht mit besseren, sondern zumeist mit schlechteren Leistungen in den Pisa-Kompetenzen einher, urteilen nun die Bildungsexperten Ludger Wößmann und Thomas

IFO (München) 6. 10. 05



„Computer im Kinderzimmer drücken die Noten, weil auf ihnen mehr gespielt als gelernt wird. In der Schule wirken sie sich nur positiv aus, wenn sie nicht mehr als einmal in der Woche angeschaltet werden.“

„ ... dass Computer in Schulen so gut wie keinen Einfluss aufs Lernen haben.“ ...



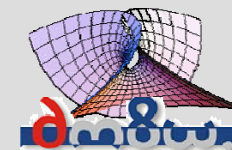


1. Vereinfache die folgenden Terme so weit wie möglich:

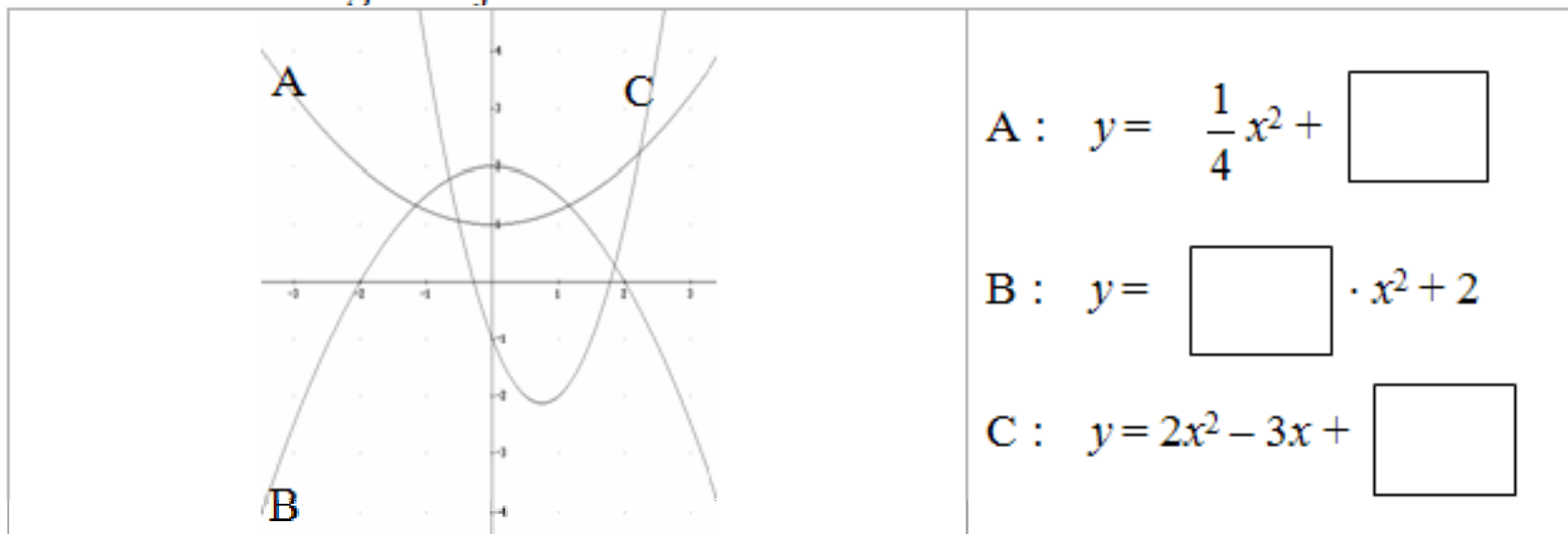
a) $\frac{2ab - 4a^2}{4a^2} =$

b) $\frac{x^3 - xy^2}{x^3 - x^2y} =$

2. Gib den Term $\frac{a+2}{a(1-\frac{a}{2})}$ in einer *einzeiligen* Schreibweise an, welche anstelle der Bruchstriche nur Divisionszeichen „ : “ enthält.

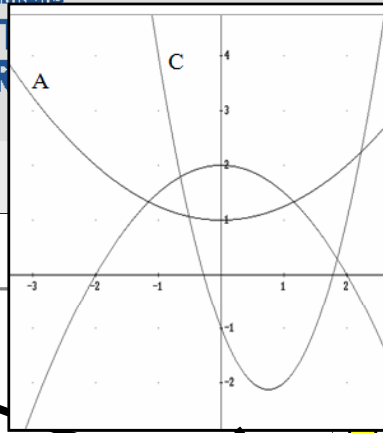


5. Zu den gezeichneten Parabeln A, B und C gehören die angegebenen Gleichungen.
Welche Zahl gehört jeweils in den Kasten?





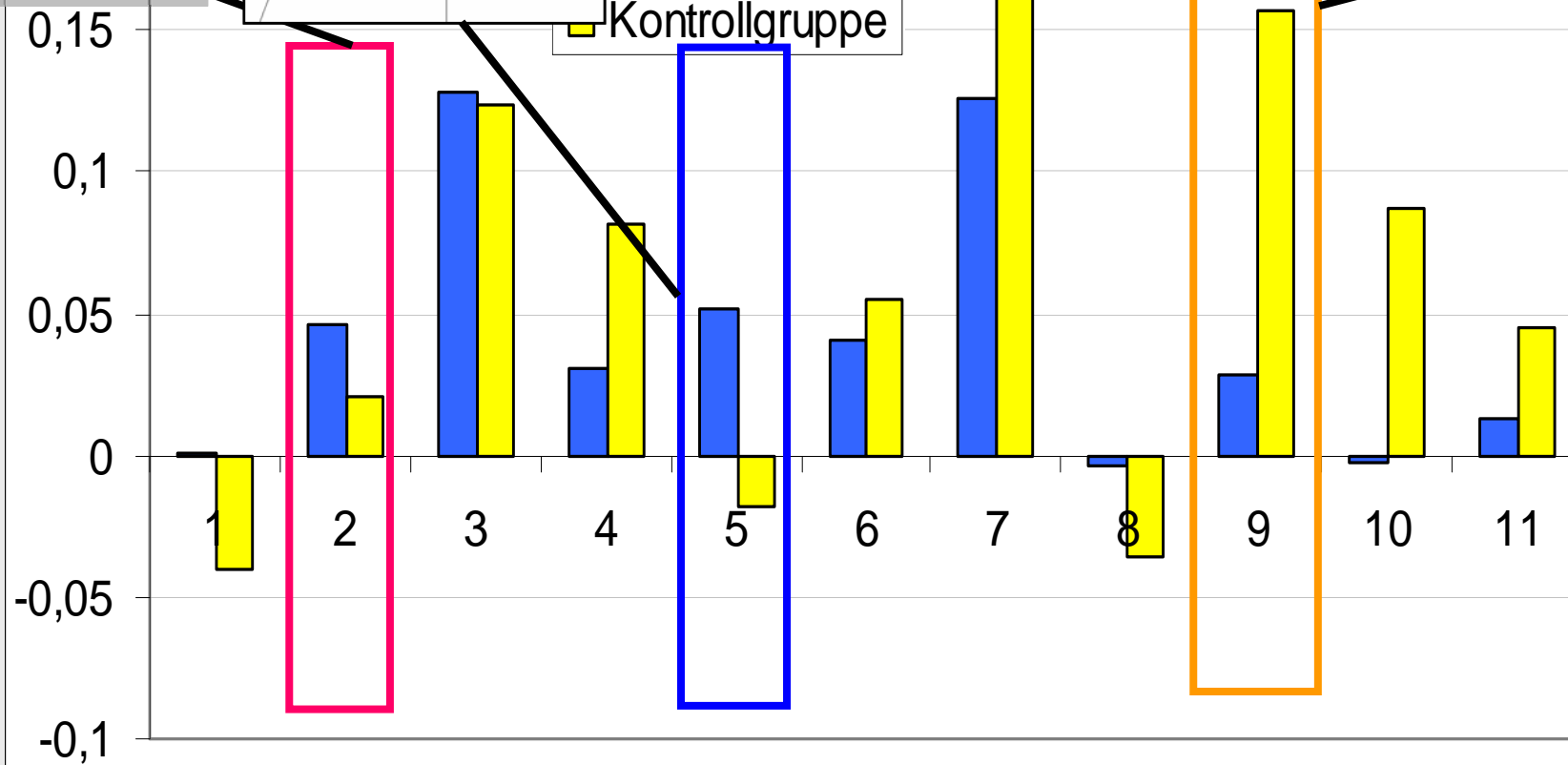
$$\frac{a+2}{a(1-\frac{a}{2})}$$



M3-Gruppe

Kontrollgruppe

$$x^2 + 5x = 0$$





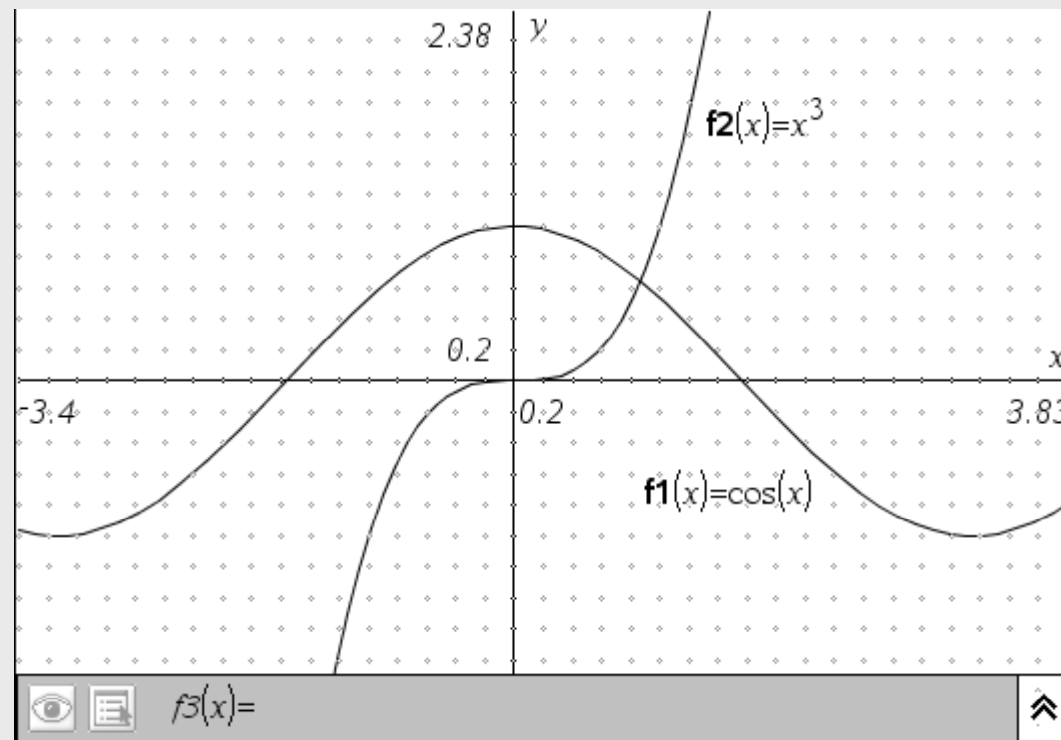
Bequemlichkeit oder Knöpfchen statt Köpfchen

"Wir entwöhnen unsere Schüler vom Denken und eigenständigen Handeln, wenn Nachdenken und Problemlösen mit dem Computer auf Knöpfchen drücken reduziert wird."



1. Gegeben ist die Gleichung $\cos\left(\frac{1}{5} \cdot x\right) = x^3$ über der

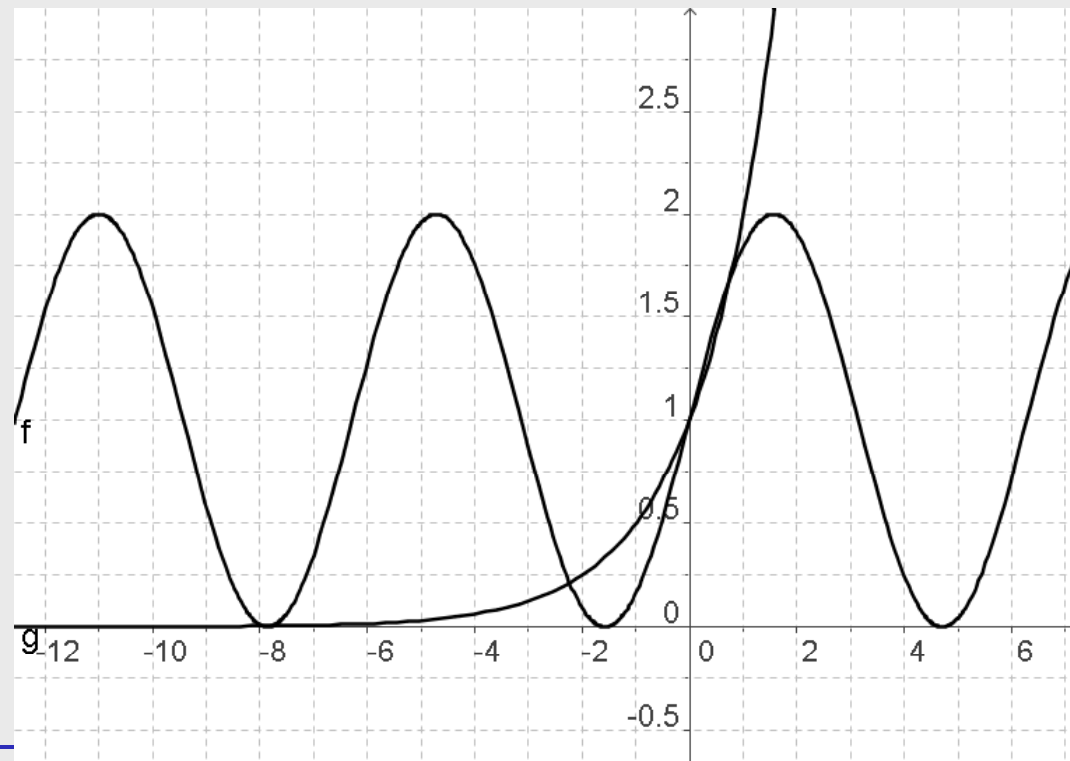
Grundmenge \mathbb{R} . Wie viele Lösungen hat diese Gleichung?
Begründen Sie!





2. Gegeben sind zwei Funktionen f und g mit $f(x) = \sin(x) + 1$ und $g(x) = 2^x$.

.... c) Wie viele Schnittpunkte haben die beiden Funktionen im Bereich $-10 < x < 10$. Begründen Sie!





CAS – TI-Nspire

solve($\sin(x)+1=2^x, x$)

$x=-70.6858$ or $x=-70.6858$ or $x=-2.23478$ or $x=0.$ or $x=.749645$

|

⚠ Weitere Lösungen möglich



Vereinsamung oder Der Mensch soll kommunizieren

"Schüler verlieren durch Fernsehen, Video und durch eine veränderte soziale Umwelt zunehmend Kontakt zu anderen Menschen und vereinsamen immer mehr. Das Arbeiten am Computer verstärkt diese Tendenz."



Unterrichtsinhalt, Aufgabe, Arbeits- blatt, ...	Unterrichtsform des CAS-Einsatzes	Überwiegend verwendete CAS-Fenster	Zeitumfang in Minuten: Etwa
	<input type="checkbox"/> Lehrerzentriert <input type="checkbox"/> Individuelles Arb. <input type="checkbox"/> Partnerarbeit <input type="checkbox"/> Gruppenarbeit <input type="checkbox"/> Projektarbeit <input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/> Algebra-Fenster <input type="checkbox"/> Graphik-Fenster <input type="checkbox"/> Tabellen-Fenster <input type="checkbox"/> Geometrie-Fenster <input type="checkbox"/>	

Abb. 8: Ausschnitt aus dem Lehrer-Stundenprotokoll

Rechner in 50 % der Stunden genutzt.

30 % der Stunden: Partner- und/oder Gruppenarbeit

30 % der Stunden: Individuelles Arbeiten oder Schülervortrag



Mozilla Firefox

http://www.mathematik-digital.de/

Amazon eBay Google Kostenlose Hotmail Links anpassen Nachrichten Preisvergleich Windows Media Windows

Google Suche

Seite Diskussion Quelltext betrachten Versionen/Autoren

Mathematik-digital/Rechteck - Flächeninhalt und Eigenschaften

< Mathematik-digital

Lernpfad

Das Rechteck
Flächeninhalt und Eigenschaften

In dieser Unterrichtseinheit finden sich Fragen und Aufgaben rund ums Rechteck. Die Formel für den Flächeninhalt wird selbstständig erarbeitet und auch eingeübt. Ergebnisse werden im Heft festgehalten. Möglichkeiten zur Differenzierung sind vorgesehen.

Voraussetzungen: Umfang und die wichtigsten Eigenschaften eines Rechtecks, erste Überlegungen zur Flächenmessung
Zeitbedarf: etwa 3 Schulstunden
Material: [Abschlusstest](#) [Abschlusstest mit Lösung](#)

Inhaltsverzeichnis [Verbergen]

- 1 Geometrische Figuren
- 2 Flächenmessung (Wiederholung)
- 3 Flächeninhalt eines Rechtecks
- 4 Weitere Eigenschaften
- 5 Kontrolle der bisherigen Ergebnisse
- 6 Übungen online!
- 7 Teste dich!
- 8 Forschungsauftrag
- 9 Zusammenhang Umfang - Flächeninhalt
- 10 Drei Spiele zum Schluss!!

Kurzinfo:

Diese Seite gehört zu mathematik-digital.
zur Linkdatenbank

Geometrische Figuren

In der Geometrie gibt es verschiedene geometrische Figuren.

Welche kennst du bereits? Klicke auf folgenden [Link](#) und versuche, die Namen der Figuren zu nennen. Wenn du eine Figur nicht kennst, fahre mit der Maus auf die Figur und lass dir anzeigen, wie sie heißt. Versuche, dir den Namen zu merken!

Vorsicht: Eine der Figuren heißt "Deltoid". Dieser Begriff wird in Österreich verwendet. Welchen Namen kennst du für diese Figur?

Flächenmessung (Wiederholung)

[Job als](#)

Fertig

Start HGW Total Com... Vortrag ... Dokument... Pegasus ... Microsoft ... Mozilla Fir... DE Desktop durchsuchen 10:21



Mozilla Firefox

http://www.mathematik-digital.de/

Google

Suche

Job als
Nachhilfelehrer

Schüler finden & Geld verdienen. In Ihrer Region! Gratis anmelden:

www.Betreut.de/Anmeldung

Flächenmessung (Wiederholung)

1. Informiere dich in folgendem Hefteintrag/Seite 1 [hier](#) wie man Flächen messen kann.
2. Was ist 1 cm² (1 Quadratzentimeter)?
3. Veranschauliche deine Überlegungen an Hand einer Zeichnung im Heft.

Flächeninhalt eines Rechtecks

- Schreibe ins Schulheft die Überschrift: "Flächeninhalt eines Rechtecks"
- Öffne nun folgenden Link [hier](#) und bearbeite das Arbeitsblatt.
- Kannst du den Flächeninhalt auch berechnen? Finde eine Regel und notiere diese im Heft!

Weitere Eigenschaften

Welche weiteren Eigenschaften eines Rechtecks kennst du? Mach dir Gedanken zu folgenden Fragen und notiere deine Ergebnisse:

1. Wie berechnet man den **Umfang** eines Rechtecks?
2. Wie groß sind die **Winkel** eines Rechtecks?
3. Wie viele **Symmetrieachsen** hat ein Rechteck?

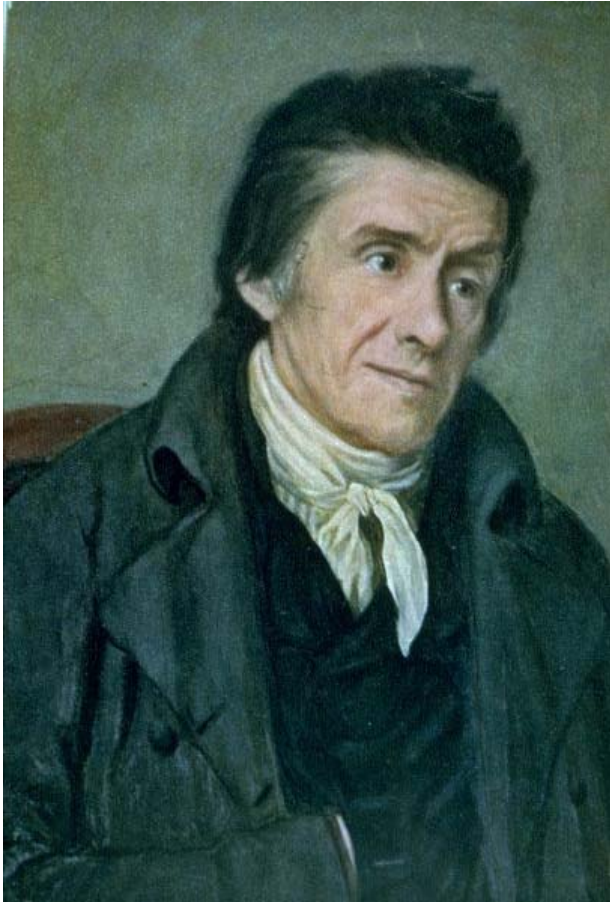
Übertrage die Sätze in dein Heft und vervollständige sie:

Merke: Eigenschaften des Rechtecks

1. Je zwei gegenüberliegende Seiten sind
2. Die zwei Diagonalen eines Rechtecks sind

Fertig

Start HGW Total Com... Vortrag ... Dokument... Pegasus ... Microsoft ... Mozilla Fir... DE Desktop durchsuchen 10:23



Pestalozzi (1746-1827)



*„Ich habe meinen
Kindern unendlich wenig
erklärt.“ (Stanser Brief)*



Nichts für schwache Schüler oder Der Unterricht wird anspruchsvoller

"Einfache, algorithmisch abzuarbeitende Standardaufgaben sind der Rettungsanker vieler 'schwachen' Schüler bei Klassenarbeiten. Wenn das wegfällt, wird der Unterricht viel anspruchsvoller und die Schere zwischen 'guten' und 'schlechten' Schülern wird weiter auseinandergehen."

Abiturprüfung 1982 (nicht mehr lieferbar)*

I.	Infinitesimalrechnung	$f(x) = \frac{1}{x} - \frac{1}{x-2}$	82-1
II.	Infinitesimalrechnung	$f(x) = e^x(e^x - 2)$	82-3
III.	Analytische Geometrie		82-6
V.	Wahrscheinlichkeitsrechnung		82-11
VI.	Wahrscheinlichkeitsrechnung		82-13

Abiturprüfung 1983 (nicht mehr lieferbar)*

I.	Infinitesimalrechnung	$f(x) = \frac{4x}{x^2+4}$	83-1
II.	Infinitesimalrechnung	$f(x) = xe^x; g(x) = e^x$	83-4
III.	Analytische Geometrie		83-7
IV.	Analytische Geometrie		83-9
V.	Wahrscheinlichkeitsrechnung		83-12
VI.	Wahrscheinlichkeitsrechnung		83-14

Abiturprüfung 1984 (nicht mehr lieferbar)*

I.	Infinitesimalrechnung	$f(x) = \frac{6}{x} - \frac{3}{x^2}; g(x) = \frac{3}{x}$	84-1
II.	Infinitesimalrechnung	$f(x) = \ln \frac{x-1}{2x}$	84-4
III.	Analytische Geometrie		84-7
IV.	Analytische Geometrie		84-10
V.	Wahrscheinlichkeitsrechnung		84-13
VI.	Wahrscheinlichkeitsrechnung		84-16
VII.	Wahrscheinlichkeitsrechnung		84-18

Abiturprüfung 1985 (nicht mehr lieferbar)*

I.	Infinitesimalrechnung	$f(x) = \frac{10-5x}{x^3}; h(x) = \frac{a}{x} + b$	85-1
II.	Infinitesimalrechnung	$f(x) = \frac{e^x-2}{e^x+1}$	85-3
III.	Analytische Geometrie		85-5
IV.	Analytische Geometrie		85-8
V.	Wahrscheinlichkeitsrechnung		85-12
VI.	Wahrscheinlichkeitsrechnung		85-15

Abiturprüfung 1986 (nicht mehr lieferbar)*

I.	Infinitesimalrechnung	$f(x) = \frac{4}{x^2} \ln \frac{1}{x}$	86-1
II.	Infinitesimalrechnung	$f(x) = \frac{x^2+3}{x+1}; g(x) = \frac{x^3+2x-1}{x(x+1)}$	86-4
III.	Analytische Geometrie		86-7
IV.	Analytische Geometrie		86-10
V.	Wahrscheinlichkeitsrechnung		86-14
VI.	Wahrscheinlichkeitsrechnung		86-16

Abiturprüfung 1987 (nicht mehr lieferbar)*

I.	Infinitesimalrechnung	$f(x) = \frac{2e^x}{2-e^x}$	87-1
II.	Infinitesimalrechnung	$f(x) = \frac{x}{x+2} + \frac{x}{x-2}$	87-3
III.	Analytische Geometrie		87-6
IV.	Analytische Geometrie		87-8
V.	Wahrscheinlichkeitsrechnung		87-12
VI.	Wahrscheinlichkeitsrechnung		87-14

Abiturprüfung 1988 (nicht mehr lieferbar)*

I.	Infinitesimalrechnung	$f(x) = \left(\frac{x^2}{4} + 1\right)$	88-1
II.	Infinitesimalrechnung	$f_a(x) = \frac{x^2+ax}{x+1}$	88-3
III.	Analytische Geometrie		88-6
IV.	Analytische Geometrie		88-10
V.	Wahrscheinlichkeitsrechnung		88-12
VI.	Wahrscheinlichkeitsrechnung		88-14

Abiturprüfung 1989 (nicht mehr lieferbar)*

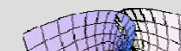
I.	Infinitesimalrechnung	$f(x) = 2 \cdot \frac{x+1}{e^{2x}}$	89-1
II.	Infinitesimalrechnung	$h(x) = \frac{x}{4-x}; f(x) = \ln \frac{x}{4-x}$	89-3
III.	Analytische Geometrie		89-6
IV.	Analytische Geometrie		89-10
V.	Wahrscheinlichkeitsrechnung		89-12
VI.	Wahrscheinlichkeitsrechnung		89-14

Abiturprüfung 1990 (nicht mehr lieferbar)*

I.	Infinitesimalrechnung	$f(x) = 1 - \frac{2}{x} + \frac{1}{x^2}$ mit $D_f = \mathbb{R} \setminus \{0\}$	90-1
II.	Infinitesimalrechnung	$f(x) = x \cdot e^{1-x}$ mit $D_f = \mathbb{R}$	90-4
III.	Analytische Geometrie		90-6
IV.	Analytische Geometrie		90-9
V.	Wahrscheinlichkeitsrechnung/Statistik		90-12
VI.	Wahrscheinlichkeitsrechnung/Statistik		90-14

Abiturprüfung 1991 (nicht mehr lieferbar)*

I.	Infinitesimalrechnung	$f: x \mapsto \frac{2x^3+2}{x^2}$ mit $D_f = \mathbb{R} \setminus \{0\}$	91-1
II.	Infinitesimalrechnung	$f: x \mapsto \frac{1}{2-e^{\frac{x}{2}}}; h: x \mapsto -\frac{1}{2}x^2 + \frac{1}{2}x + 1$	91-5
III.	Analytische Geometrie		91-10
IV.	Analytische Geometrie		91-14
V.	Wahrscheinlichkeitsrechnung/Statistik		91-19
VI.	Wahrscheinlichkeitsrechnung/Statistik		91-22



Abiturprüfung 1992 (nicht mehr lieferbar)*

I.	Infinitesimalrechnung	$f_k: x \mapsto \frac{x^2-k}{x+1}$ mit $D_f = \mathbb{R} \setminus \{-1\}$ und $k \in \mathbb{R}$	92-1
II.	Infinitesimalrechnung	$f_k: x \mapsto \frac{2e^x-1}{e^{2x}}$ mit $D_f = \mathbb{R}$	92-6
III.	Analytische Geometrie		92-11
IV.	Analytische Geometrie		92-18
V.	Wahrscheinlichkeitsrechnung/Statistik		92-23
VI.	Wahrscheinlichkeitsrechnung/Statistik		92-28

Abiturprüfung 1993 (nicht mehr lieferbar)*

I.	Infinitesimalrechnung	$f_a: x \mapsto \frac{2x^2-a^2}{x^2-a^2}$ mit $D_f = \mathbb{R} \setminus \{-a; +a\}$ und $a \in \mathbb{R}^+$	93-1
II.	Infinitesimalrechnung	$f: x \mapsto x \cdot (1 - \ln x)^2$ mit $D_f = \mathbb{R}^+$	93-5
III.	Analytische Geometrie		93-9
IV.	Analytische Geometrie		93-14
V.	Wahrscheinlichkeitsrechnung/Statistik		93-19
VI.	Wahrscheinlichkeitsrechnung/Statistik		93-22

Abiturprüfung 1994 (nicht mehr lieferbar)*

I.	Infinitesimalrechnung	$f: x \mapsto \ln \frac{x-3}{2x}$	94-1
II.	Infinitesimalrechnung	$f: x \mapsto (1-x^2) \cdot e^{\frac{1}{2}(3-x^2)}$ mit $D_f = \mathbb{R}$	94-5
III.	Analytische Geometrie		94-9
IV.	Analytische Geometrie		94-14
V.	Wahrscheinlichkeitsrechnung/Statistik		94-19
VI.	Wahrscheinlichkeitsrechnung/Statistik		94-22

Abiturprüfung 1995 (nicht mehr lieferbar)*

I.	Infinitesimalrechnung	$f: x \mapsto \frac{4x-4}{x^2-2x+2}$	95-1
II.	Infinitesimalrechnung	$f_k: x \mapsto e - e^{k-\frac{1}{2}}$ mit $D_{f_k} = \mathbb{R}$ und $k \in \mathbb{R}$	95-5
III.	Wahrscheinlichkeitsrechnung/Statistik		95-9
IV.	Wahrscheinlichkeitsrechnung/Statistik		95-12
V.	Analytische Geometrie		95-15
VI.	Analytische Geometrie		95-21

Abiturprüfung 1996 (nicht mehr lieferbar)*

I.	Infinitesimalrechnung	$f: x \mapsto \frac{1-e^{2x}}{1+e^{2x}}$ mit $D_f = \mathbb{R}$	96-1
II.	Infinitesimalrechnung	$f: x \mapsto \frac{2-x}{x^2-x}$	96-5
III.	Wahrscheinlichkeitsrechnung/Statistik		96-9
IV.	Wahrscheinlichkeitsrechnung/Statistik		96-14
V.	Analytische Geometrie		96-18
VI.	Analytische Geometrie		96-25

Abiturprüfung 1997 (nicht mehr lieferbar)*

I.	Infinitesimalrechnung	$f: x \mapsto x + \frac{x+a}{x}$, $D = \mathbb{R} \setminus \{0\}$	97-1
II.	Infinitesimalrechnung	$f: x \mapsto (x+1)^2 \cdot e^{1-x}$, $D_f = \mathbb{R}$	97-6
III.	Wahrscheinlichkeitsrechnung/Statistik		97-10
IV.	Wahrscheinlichkeitsrechnung/Statistik		97-13
V.	Analytische Geometrie		97-17
VI.	Analytische Geometrie		97-24

Abiturprüfung 1998 (nicht mehr lieferbar)*

I.	Infinitesimalrechnung	$x \mapsto \frac{x}{2} [1 + (\ln x)^2]$, $D_f = \mathbb{R}^+$	98-1
II.	Infinitesimalrechnung	$f_k: x \mapsto \frac{1}{(kx+1)^2}$	98-6
III.	Wahrscheinlichkeitsrechnung/Statistik		98-11
IV.	Wahrscheinlichkeitsrechnung/Statistik		98-16
V.	Analytische Geometrie		98-20
VI.	Analytische Geometrie		98-26

Abiturprüfung 1999 (nicht mehr lieferbar)*

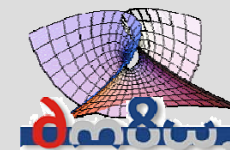
I.	Infinitesimalrechnung	$f_k: x \mapsto -\frac{x^2}{x+k}$	99-1
II.	Infinitesimalrechnung	$f: x \mapsto \frac{1}{x(1-\ln x)}$	99-7
III.	Wahrscheinlichkeitsrechnung/Statistik		99-12
IV.	Wahrscheinlichkeitsrechnung/Statistik		99-16
V.	Analytische Geometrie		99-20
VI.	Analytische Geometrie		99-26

Abiturprüfung 2000

I.	Infinitesimalrechnung	$f_k: x \mapsto -\frac{x^2-2}{(x+2)^2}$	2000-1
II.	Infinitesimalrechnung	$f: x \mapsto \frac{4x}{e^{0,5x}}$	2000-6
III.	Wahrscheinlichkeitsrechnung/Statistik		2000-11
IV.	Wahrscheinlichkeitsrechnung/Statistik		2000-16
V.	Analytische Geometrie		2000-20
VI.	Analytische Geometrie		2000-26

Abiturprüfung 2001

I.	Infinitesimalrechnung	$f: x \mapsto \ln(4+x) - \ln(4-x)$	2001-1
II.	Infinitesimalrechnung	$f: x \mapsto \frac{2x-k}{(x+k)^2}$	2001-6
III.	Wahrscheinlichkeitsrechnung/Statistik		2001-12
IV.	Wahrscheinlichkeitsrechnung/Statistik		2001-18
V.	Analytische Geometrie		2001-21
VI.	Analytische Geometrie		2001-28



Abiturprüfung 2002

- I. Infinitesimalrechnung $f: x \mapsto x - 2 + \frac{4}{x-1}$ 2002-1
- II. Infinitesimalrechnung $f_a: x \mapsto e^x(x-a)$ 2002-5
- III. Wahrscheinlichkeitsrechnung/Statistik 2002-9
- IV. Wahrscheinlichkeitsrechnung/Statistik 2002-13
- V. Analytische Geometrie 2002-16
- VI. Analytische Geometrie 2002-22

Abiturprüfung 2003

- I. Infinitesimalrechnung $f: x \mapsto e^{1-x^2}$; $h: x \mapsto \frac{1}{f(x)}$ 2003-1
- II. Infinitesimalrechnung $f: x \mapsto -\frac{1}{12}x^3 + \frac{1}{2}x^2$; $g: x \mapsto \frac{1}{f(x)}$ 2003-7
- III. Wahrscheinlichkeitsrechnung/Statistik 2003-13
- IV. Wahrscheinlichkeitsrechnung/Statistik 2003-17
- V. Analytische Geometrie 2003-21
- VI. Analytische Geometrie 2003-27

Abiturprüfung 2004

- I. Infinitesimalrechnung $f: x \mapsto 2 \cdot \frac{e^x-4}{e^x+4}$ 2004-1
- II. Infinitesimalrechnung $f: x \mapsto \frac{(x+2)^2}{x^2}$ 2004-6
- III. Wahrscheinlichkeitsrechnung/Statistik 2004-10
- IV. Wahrscheinlichkeitsrechnung/Statistik 2004-14
- V. Analytische Geometrie 2004-18

Abiturprüfung 2005

- I. Infinitesimalrechnung $f: x \mapsto 1 - (\ln x)^2$ 2005-1
- II. Infinitesimalrechnung 2005-6
- III. Wahrscheinlichkeitsrechnung/Statistik 2005-11
- IV. Wahrscheinlichkeitsrechnung/Statistik 2005-15
- V. Analytische Geometrie 2005-18
- VI. Analytische Geometrie 2005-23



**Grundkurs Mathematik (Bayern): Abiturprüfung 2005
Infinitesimalrechnung II**

1. Im Eingangsbereich eines Unternehmens soll das Firmenlogo im Boden eingelassen werden. Abb. 1 zeigt den Entwurf des Architekten nach Wahl eines geeigneten Koordinatensystems:

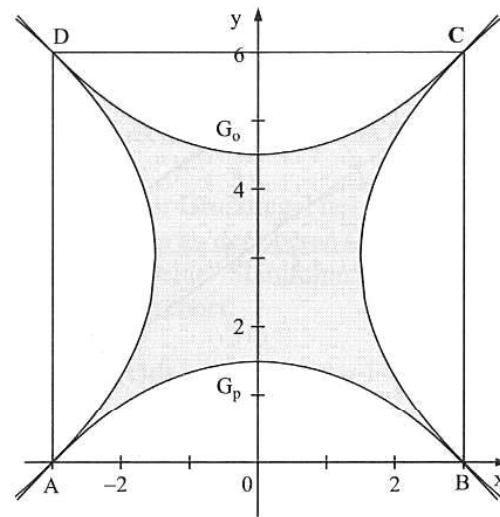


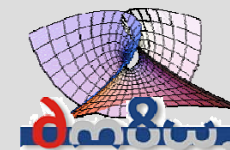
Abb. 1

Im Quadrat ABCD schneiden vier kongruente parabelförmige Bögen die in Abb. 1 schraffierte Figur aus. Die untere Parabel G_p ist der Graph der quadratischen Funktion p mit $D_p = \mathbb{R}$. G_p schneidet die x -Achse in den Punkten $A(-3|0)$ und $B(3|0)$. Die Diagonalen des Quadrats sind zugleich Tangenten an die Parabeln in den Punkten A und C bzw. B und D.

- a) Geben Sie die Werte der Ableitung von p in den beiden Nullstellen an und bestimmen Sie den Funktionsterm der Funktion p .

$$\left[\text{Zur Kontrolle: } p(x) = -\frac{1}{6}x^2 + 1,5 \right]$$

(6 BE)



Abiturprüfung 2002

- I. Infinitesimalrechnung $f: x \mapsto x - 2 + \frac{4}{x-1}$ 2002-1
- II. Infinitesimalrechnung $f_a: x \mapsto e^x(x-a)$ 2002-5
- III. Wahrscheinlichkeitsrechnung/Statistik 2002-9
- IV. Wahrscheinlichkeitsrechnung/Statistik 2002-13
- V. Analytische Geometrie 2002-16
- VI. Analytische Geometrie 2002-22

Abiturprüfung 2003

- I. Infinitesimalrechnung $f: x \mapsto e^{1-x^2}$; $h: x \mapsto \frac{1}{f(x)}$ 2003-1
- II. Infinitesimalrechnung $f: x \mapsto -\frac{1}{12}x^3 + \frac{1}{2}x^2$; $g: x \mapsto \frac{1}{f(x)}$ 2003-7
- III. Wahrscheinlichkeitsrechnung/Statistik 2003-13
- IV. Wahrscheinlichkeitsrechnung/Statistik 2003-17
- V. Analytische Geometrie 2003-21
- VI. Analytische Geometrie 2003-27

Abiturprüfung 2004

- I. Infinitesimalrechnung $f: x \mapsto 2 \cdot \frac{e^x - 4}{e^x + 4}$ 2004-1
- II. Infinitesimalrechnung $f: x \mapsto \frac{(x+2)^2}{x^2}$ 2004-6
- III. Wahrscheinlichkeitsrechnung/Statistik 2004-10
- IV. Wahrscheinlichkeitsrechnung/Statistik 2004-14
- V. Analytische Geometrie 2004-18
- VI. Analytische Geometrie 2004-23

Abiturprüfung 2005

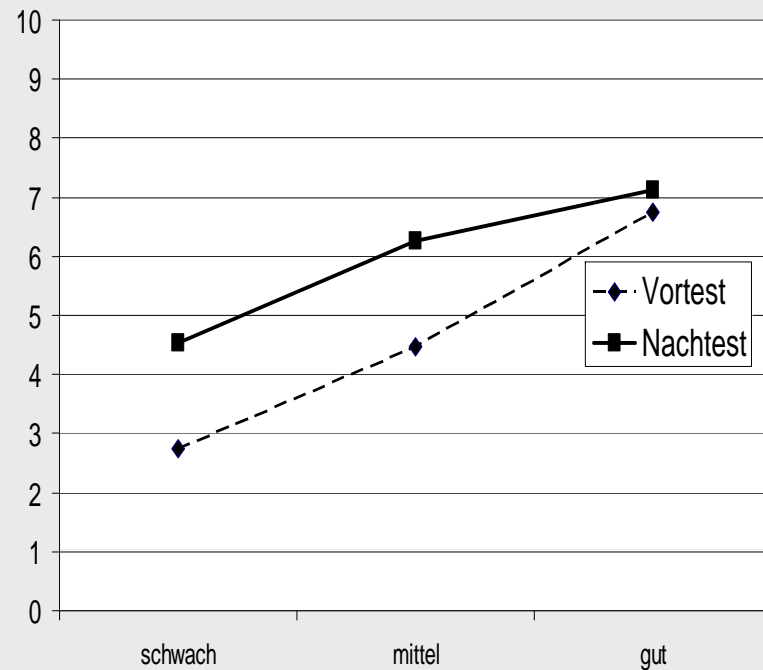
- I. Infinitesimalrechnung $f: x \mapsto 1 - (\ln x)^2$ 2005-1
- II. Infinitesimalrechnung 2005-6
- III. Wahrscheinlichkeitsrechnung/Statistik 2005-11
- IV. Wahrscheinlichkeitsrechnung/Statistik 2005-15
- V. Analytische Geometrie 2005-18
- VI. Analytische Geometrie 2005-23

Abiturprüfung 2006

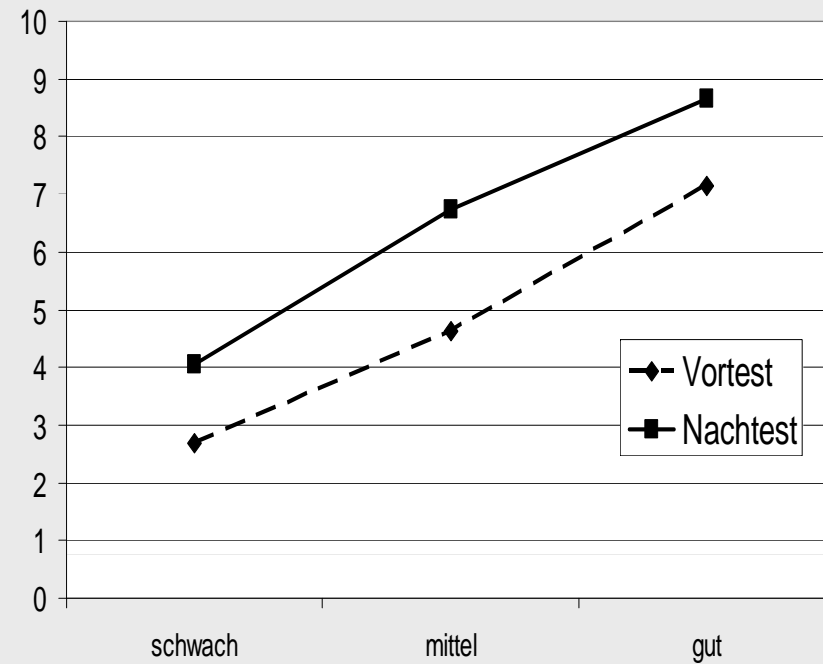
- I. Infinitesimalrechnung $f(x) = \frac{x+a}{bx}$ 2006-1
- II. Infinitesimalrechnung $f_a: x \mapsto \frac{ax^2 - 5}{x^2}$ mit $a \in \mathbb{R}^+$ 2006-8
- III. Wahrscheinlichkeitsrechnung/Statistik 2006-16
- IV. Wahrscheinlichkeitsrechnung/Statistik 2006-21
- V. Analytische Geometrie 2006-26
- VI. Analytische Geometrie 2006-33

Abiturprüfung 2007

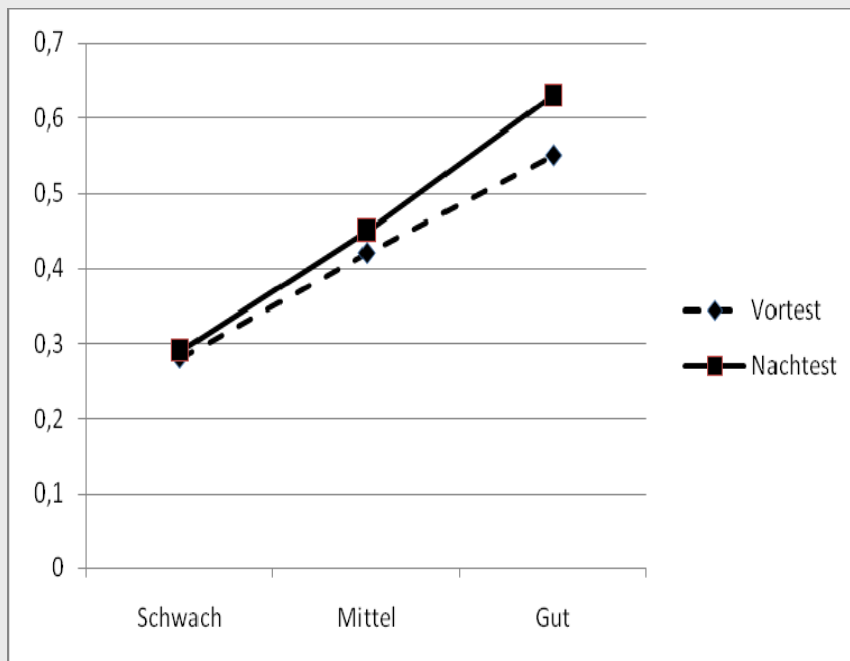
- I. Infinitesimalrechnung $f: x \mapsto \frac{4e^x}{(e^x + 1)^2}$ 2007-1
- II. Infinitesimalrechnung $f: x \mapsto \frac{x^2 - 3}{x^2 - 9}$ 2007-9
- III. Wahrscheinlichkeitsrechnung/Statistik 2007-17
- IV. Wahrscheinlichkeitsrechnung/Statistik 2007-23
- V. Analytische Geometrie 2007-29
- VI. Analytische Geometrie 2007-37



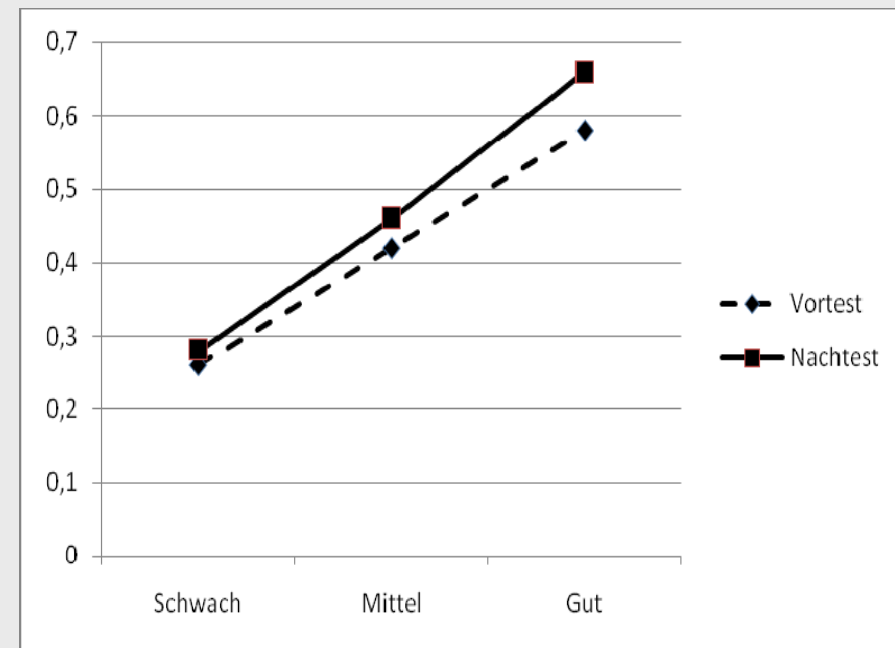
M3-Klassen



Kontrollklassen



M3-Klassen



Kontrollklassen



Pseudo-Anwendungsbezug oder Wider die künstlichen Anwendungen

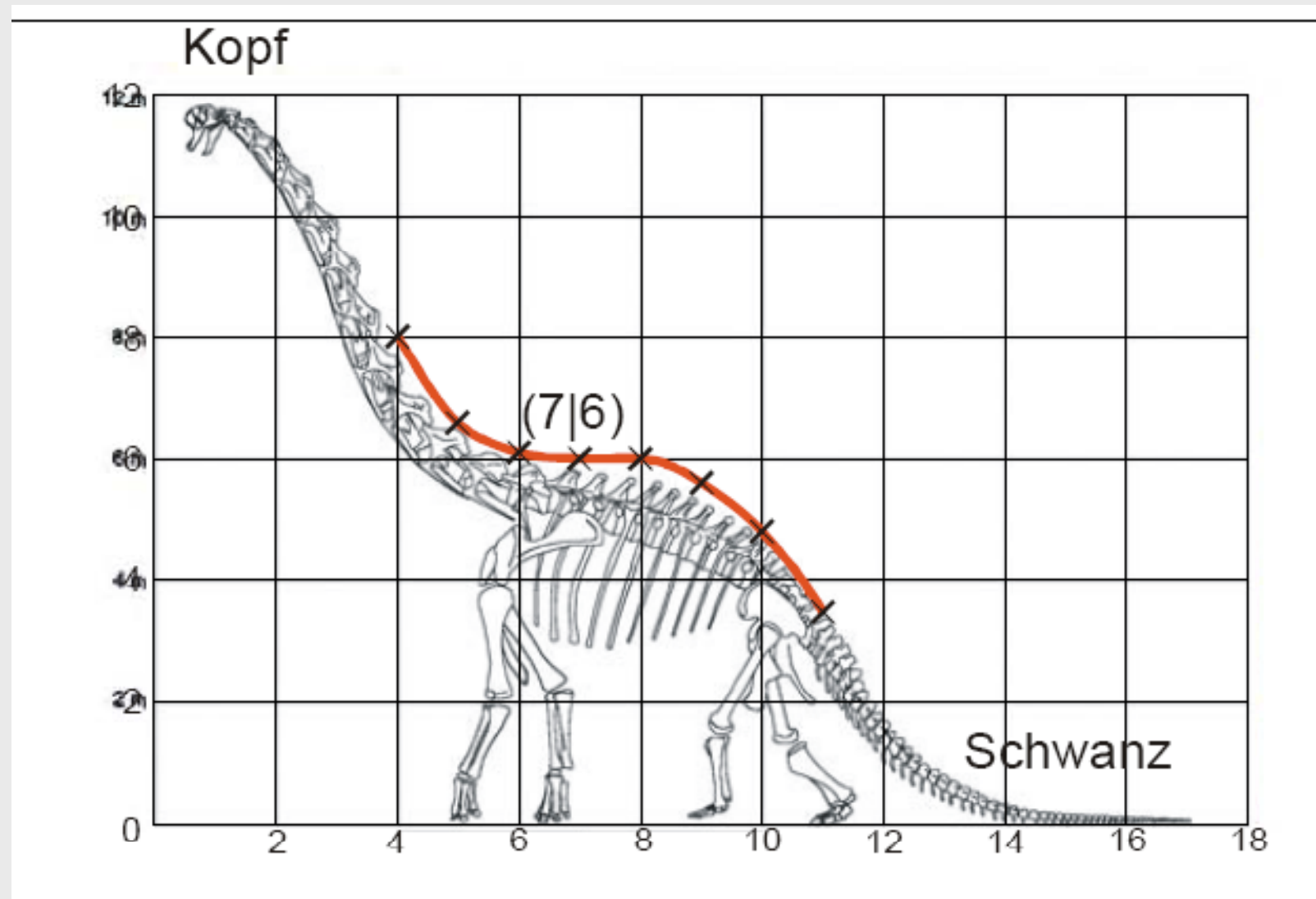
„Schöne Anwendungsaufgaben sind häufig Unikate. Es fehlen dann Aufgaben für die Klassenarbeiten.“

Wenn der Lärm und der Benzingestank nicht wären, dann könnte Frau Hebert darüber noch mehr lachen. Aber sie weiß auch, dass das Großherzogtum ganz gut am Tanktourismus verdient. Etwa ein Zehntel aller Steuereinnahmen in Luxemburg sollen nach Regierungsangaben aus der Mineralölsteuer stammen. Hingegen fließen nach Schätzungen des



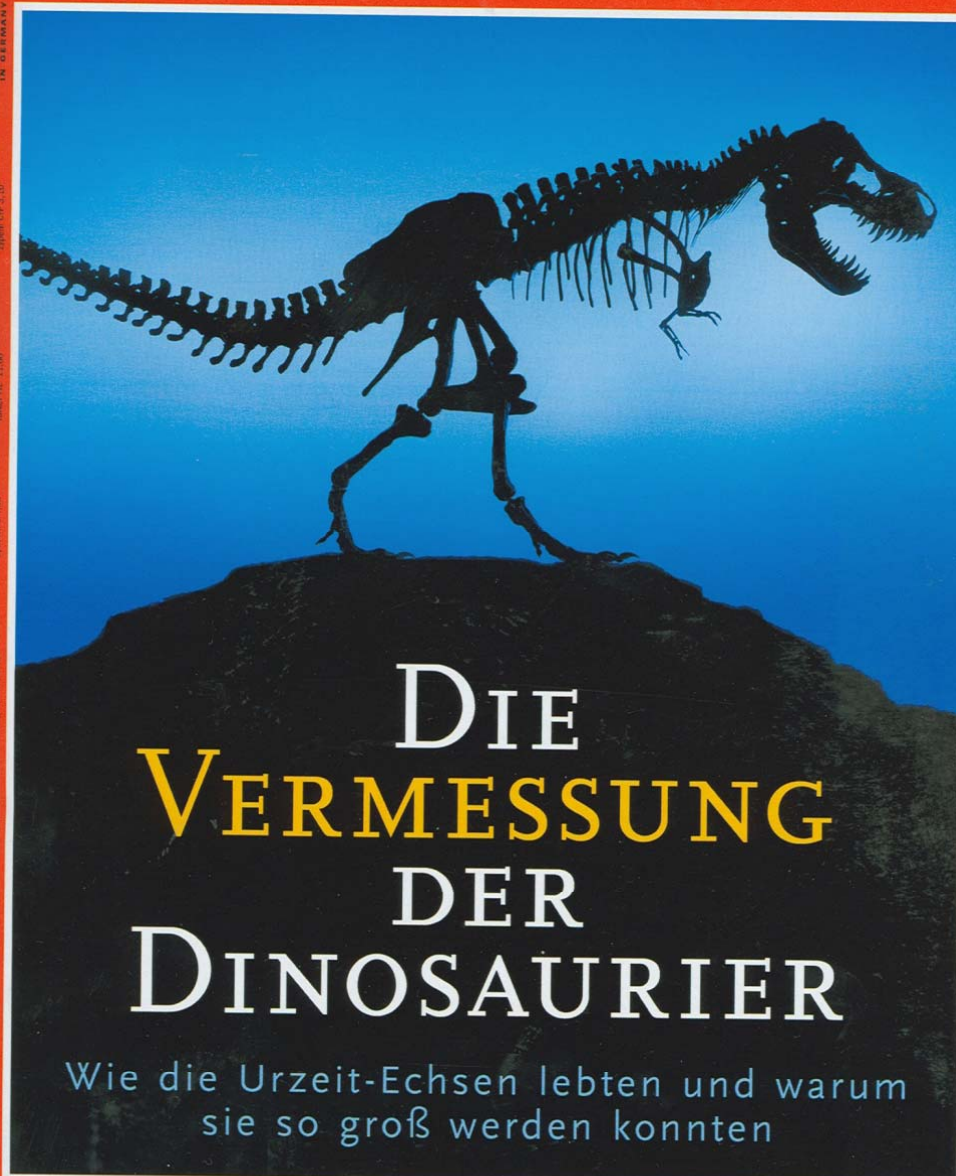
-

Hinweise: Mögliche Lösung: $\text{dino}(x) = \frac{121}{24192}x^4 - \frac{4817}{24192}x^3 + \frac{347}{128}x^2 - \frac{53725}{3456}x + \frac{33065}{864}$. Es handelt sich nicht um eine optimale Approximation. Achten Sie darauf, dass die von Ihnen gewählte Methode nicht zu viel Zeit in Anspruch nimmt.



DER SPIEGEL

Nr. 39/25.9.06
Deutschland: 3,40 €
4 190700 703403 3 9



Spiegel vom 25. 9. 2006

www.spiegel.de



Autoritätsglaube oder Computer bremsen Phantasie und Kreativität

"Mit 'Computern erziehen wir die Kinder zu fantasielosen Befehlsempfängern' meint Joseph Weizenbaum, 'was man in der Schule mit Computern lernen kann, ist herzlich wenig', sagt Hartmut von Hentig. Der Computer läuft somit den Zielen der Schule zuwider."



Die Lufttemperatur schwankt täglich und ist von zahlreichen Einflüssen abhängig. Wenn man die mittlere Lufttemperatur eines Monats berechnet, dann erhält man für München die folgenden Werte:

Monat	April	Mai	Juni	Juli	Aug.	Sept.	Okt.
Temp	8.0	12.5	15.8	17.5	16.6	13.4	7.9

Monat		Nov.	Dez.	Jan.	Febr.	März	April
Temp		3.0	-0.7	-2.1	-0.9	3.3	8.0



Lösungen von Schülern:

$$y = 9.87 \sin(0.522 x) + 7.88$$

$$y = 10 \sin(2 \pi / 12 x) + 7.6$$

$$y = 10.2 \sin(0.523 x) + 7.6$$

$$y = 10 \sin(0.5 x) + 7.8$$

$$y = 9.8 \sin(0.52 x) + 8$$

- Bedeutung von a, b und c für die Realsituation?
- Diskrete - kontinuierlichen Sichtweise?
- Sinn eines geschlossenen Formelausdrucks:

Alma Ata (Kasachstan): $y = 15 \sin(x) + 8.3$

München (Bayern): $y = 9.81 \sin(x) + 7.87$

- Optimale Anpassungskurve?
 - Automatische Berechnung mit CAS!
-



Man muss doch auch bei Stromausfall eine Funktion ableiten können!

"Durch den Taschenrechner haben die Schüler das Kopfrechnen verlernt. Wenn man nun auch noch Algebra- und Analysisaufgaben mit dem Computer automatisch löst, verlernen die Schüler auch noch den Rest der Mathematik."



Was ist die 1. Ableitung einer Funktion? – Umfrage bei Studierenden

- „f Strich“
- „für x^3 ist das $3x^2$ und für x^4 ist das $4x^3$ “
- „Die braucht man für die Extrempunkte.“
- „Man braucht sie, um die Nullstellen der 1. Ableitung zu berechnen.“
- „Steigung der Funktion $f(x)$.“
- „Die Steigung der Tangente.“
-



„Die Grundideen der Differential- und Integralrechnung sind aus dem Stoffbild ganz verschwunden; der Blick richtet sich primär auf die beschriebenen aufgabenlösenden Tätigkeiten.“ (Andelfinger 1990)

→ Meraner Beschlüssen von 1905.

Kritische Stimmen:

Pietzker (Elementarmathematik, Schulbuch 1908): „Von einer Einführung in die Infinitesimal-Analysis habe ich abgesehen, da ... das über die Sphäre der zu vermittelnden mathematischen Allgemeinbildung hinausgeht.“



Man kann vor lauter Üben des Komplizierten das
(vermeintlich) Einfache vergessen: ...
Prozentrechnung ...

Zwei Hypothesen:

- Kalkülfertigkeiten haben nur dann einen
(allgemeinbildenden) Sinn, wenn sie mit fundierten
Grundvorstellungen einhergehen!
- Allgemeines kann auch an – sog. – einfachen
Inhalten aufgezeigt werden!



Graphik ja bitte – aber CAS nein danke!

„Graphik-Taschenrechner sind – manchmal – durchaus sinnvoll. Man kann schnell einen Graphen zeichnen. Das Lernen des algebraischen und symbolischen Rechnens – also das eigentliche ‚Mathematik-treiben‘, sollte (muss) der Schüler aber mach wie vor – per Hand – lernen.“



X	Y ₁	Y ₂
0	0	5
1	.84147	6
2	.9093	7
3	.14112	8
4	-.7568	9
5	-.9589	10
6	-.2794	11

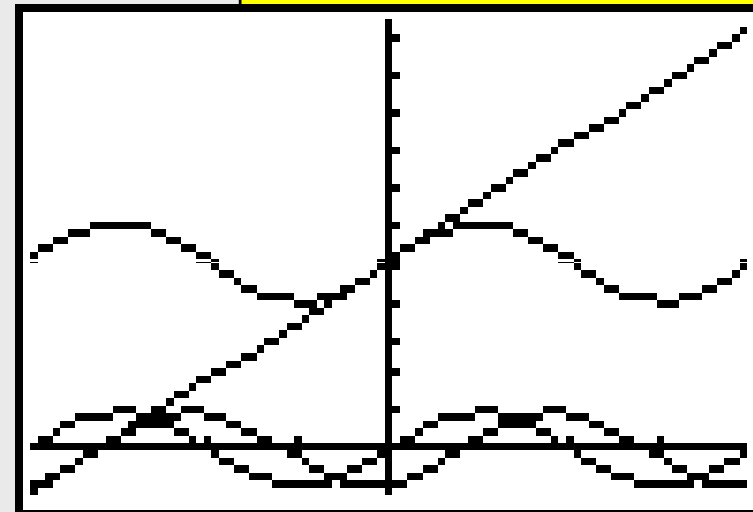
Numerische D.

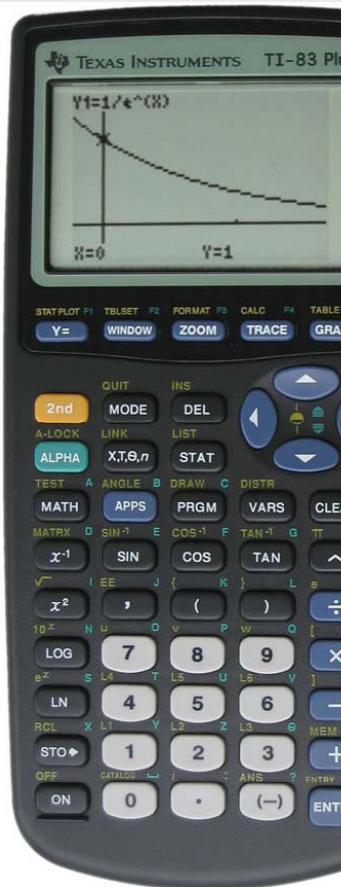
Symbolische D.

```

Plot1 Plot2 Plot3
\Y1=sin(X)
\Y2=X+5
\Y3=Y1(Y2(X))
\Y4=Y2(Y1(X))
\Y5=
\Y6=
\Y7=
    
```

Graphische D.





```
2X^2-X-2=0
X=
bound={-1E99,1...
```

```
2X^2-X-2=0
X=-.780776406
bound={-1E99,1...
left-rt=0
```

```
2X^2-X-2=0
X=2
bound={-1E99,1...
left-rt=0
```

$$\text{solve}(2 \cdot x^2 - x - 2 = 0, x)$$

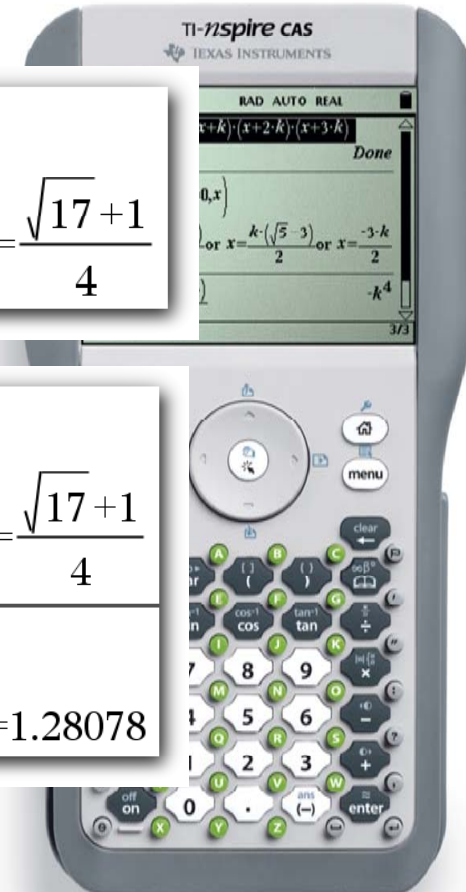
$$x = \frac{-\left(\sqrt{17}-1\right)}{4} \text{ or } x = \frac{\sqrt{17}+1}{4}$$

$$\text{solve}(2 \cdot x^2 - x - 2 = 0, x)$$

$$x = \frac{-\left(\sqrt{17}-1\right)}{4} \text{ or } x = \frac{\sqrt{17}+1}{4}$$

$$\text{solve}(2 \cdot x^2 - x - 2 = 0, x)$$

$$x = -.780776 \text{ or } x = 1.28078$$





$$f(x) = \sin(x)$$

$$f(x) = \sin(x), \quad g(x) = x^2$$
$$f(g(x)), \quad g(f(x))$$

$$f(f(x)) = \sin(\sin(x))$$

[Geogebra](#)

$$f(x) = \frac{\pi}{2} \sin(x)$$

$$f(f(x))$$

[Geogebra](#)





Reizüberflutung oder Amusement gehört in der Freizeit?

"'Wir informieren uns zu Tode', behauptete Neil Postman schon im Jahr 1993. Die neuen Medien überschütten den Einzelnen mit nicht mehr zu verarbeitenden Reizen, das Internet eröffnet die Möglichkeit zu einer ungeheuren Informationsvielfalt. Die Schule sollte sich angesichts dieser Entwicklung auf das Wesentliche konzentrieren."



Richtig!!

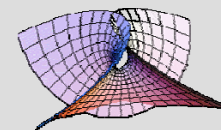
Erziehung zum **Fragen** ist ein zentrales Bildungsziel.

“Erkenntnisse sind jeweils vorläufige, nie endgültige Antworten auf **Fragen**.” (NRW, Bildungsbericht)

Wer viel **Fragen** kann (will), der muss sehr viel wissen!

“Alle Kinder treten als **Fragezeichen** in die Schule ein und verlassen sie als **Punkte**.” (Neil Postman, ‘Keine Götter mehr - Das Ende der Erziehung’ 1995)

Neue Technologien können zum “hoffentlich nie aufhörenden” **Fragen** anregen. (Steinberg, Polarkoordinaten).



D@nke – d@s w@r's

Email: weigand@mathematik.uni-wuerzburg.de

www.dmuw.de
